ヒステリシス電動機用回転子リング磁気特性の 温度に対する依存性

湧井源二郎, 工藤 巧,** 菅 完治,** 板垣 稔**

(昭和56年9月4日受理)

Temperature Dependence of Magnetic Performance for Rotor Ring of Hysteresis Motor

GENJIRO WAKUI, TAKUMI KUDO, KANJI SUGA and MINORU ITAGAKI

Abstract – It is well known that the pull-out torque of the hysteresis motor is decided by the area of D C hysteresis loop inside the rotor. And when the space harmonics are superposed on the fundamental, the pull-out torque of the motor is decided approximately by the area of equivalent hysteresis loop. The area of the latter becomes considerably smaller than that of the former.

The two kinds of the loops can be expressed approximately by inclined ellipse. From which, magnetic constants (loop area S, specific normal permeability μ_2^* and hysteresis angle α_2) are calculated.

In this paper, when the temperature of samples varied from -70° C to $+140^{\circ}$ C, D C and equivalent loops of two samples were measured. And temperature dependence of magnetic constants were obtained and considered.

The conclusion becomes as follows.

- When maximum magnetic intensity H_m of the loop is smaller than the value of the knee of magnetization curve, S, μ₂* and α₂ increase in proportion to rise of temperature. And when H_m is larger than that, S, μ₂* and α₂ decrease in inverse proportion to rise of temperature.
- (2) The temperature dependence of the magnetic constants of the rotor ring (Alnico material) is small.

1. まえがき

ヒステリシス電動機は高調波磁束が存在しないときは 同期脱出時,回転子内の一極対についてのB-H関係が 直流ヒステリシスループで表わされ,そのループ面積が 脱出トルクに比例することは周知のとおりである。さら に,電動機の電流,効率,力率など特性を求めるために は,この直流ループを傾斜した楕円ループで近似し,透 磁率 μ_2 ,ヒステリシス角 α_2 を求めると,等価回路を用 いて容易に特性を計算できることもよく知られていると (2) おりである。

さらに,空間または時間高調波が含まれた場合は脱出 時のB-H関係は直流ループより面積の小さい等価ルー プで表わされること,この等価ループの測定法などにつ いてもすでに筆者らの一人によって報告されている。

このように、回転子リングの直流ループおよび等価ル ープ特性は電動機としての性能を支配する重要な特性で ある。

ところで,ヒステリシス電動機の脱出トルクが温度に 依存し,一般に温度の上昇とともに大きくなることは経 験するところである。しかし,その依存の程度や原因に

^{*} 茨城大学工学部電気工学科(日立市中成沢町)

^{**} 岩手大学工学部電気工学科(盛岡市上田4丁目)

ついてはこれまで全く考察されていなかった。また,ヒ ステリシスループ特性の温度依存性についても,これま で報告はなかったようである。筆者らは,本文でヒステ リシスループ特性の温度依存性を実測し,考察してトル クの温度依存性の原因なども明らかにする。

ここではまず,直流ヒステリシスループおよび等価ル ープと磁気定数(透磁率 μ_2 とヒステリシス角 α_2), 電動機特性との間の関係を明らかにする。ついで,直流 ループと等価ループ,透磁率,ヒステリシス角を測定温 度を広範囲(-70°C~140°C)に変えて測定し,実験結 果について考察する。

2. ヒステリシスループの磁気定数,等価 回路定数,電動機特性との間の関係

2.1 高調波磁束が含まれない場合

Fig. 1 はヒステリシス電動機の断面図である。普通 リングの厚さtは薄いから、磁束は円周方向にtに無関



Fig. 1 Cross section of hysteresis motor.

係に一様に通ると仮定できる。このとき,電動機の脱出 (周回積分記号)トルクTは次式で与えられる。

$$T = (p V_r / 2 \pi) \phi B dH$$
(1)

ここで, B, H:脱出時の回転子リング内の任意の点 の磁束密度,磁界の強さ,∮BdH:回転子一極対につい てのB-Hルーブ面積で,リングの直流ヒステリシスル ープ面積に等しい。p:極対数, V_r:回転子リングの 体積。

いま, ヒステリシスループがFig. 2(a) の実線ように 与えられると, これから磁気定数(透磁率とヒステリシ



Fig. 2 D C loop, equivalent ellipse, B_1 , H_1 , H_1' distribution and hysteresis angle α_2 .

ス角)を求めることができる。Fig.2 はその説明図で ある。Bを正弦波分布としてヒステリシスループを用い てH分布を求めると図のようなひずみ彼となる。その基 本波H1 を考えると正規透磁率μ2 は次式となる。

 $\mu_2 = B_{1m} / H_{1m} \simeq B_{1m} / H'_{1m} = \mu'_2$ (2) ここで, $H'_{1m} : H_1$ の最大値

また,ヒステリシス角 α_2 はBとH₁との位相差とし て求められる。H₁とBとより図のような等価楕円が得 られ,その面積は元のヒステリシスループ面積に等しい。 (1)式はこれら磁気定数を用いると次のように変形できる。

T = $(1/2) pV_r (B_{lm}^2 / \mu'_2) sin \alpha_2$ (3) したがって、(3)式から回転子の磁東密度 B_m が定まる と、Tは μ'_2 が小さく、 α_2 が大きいほど大となる。 また、ヒステリシス電動機の等価回路はm相の場合 Fig. 3 で示される。



Fig. 3 Equivalent circuit.

ここで,
(j) ギャップ励磁リアクタンス
$$X_g$$

 $X_g = 4 m \omega_o (K_{wp1} N_1)^2$
 $\times L \mu_o / \pi p A_{-p} k_c$ (4)

(ii) 回転子インピーダンス \dot{Z}_{H} $\dot{Z}_{H} = 4 \text{ m } \boldsymbol{\omega}_{o} \mu_{2}' (K_{wpl} N_{1})^{2} LB_{-p}$ $\times \varepsilon^{j\left\{\left(\frac{\pi}{2}\right) - \alpha_{2}\right\}} \pi p A_{+p} B_{+p}$ (5)

 $r_1 + jX_1$: 一次もれインピーダンス, K_{wp1} : 一次 巻線係数, N_1 : 固定子一相の巻数, L:回転子リング の軸方向の長さ, $A_{\pm p} = (r_3/r_2)^p \pm (r_3/r_2)^{-p}$, $B_{\pm p} = (r_2/r_1)^p \pm (r_2/r_1)^{-p}$, ω_0 : 電源の 角周波数, k_c : カーター係数, $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$, r_3, r_2, r_1 : Fig. 1参照。

 $Z_{\rm H}$ は μ_2' に比例する。 μ_2' は小さいから, $\dot{\rm I}_{2h}$ した がって $\dot{\rm I}_1$ が大きくなり,固定子銅損が主たる損失とな ることもこの種電動機の特徴である。

結局,回転子のB_mが与えられたとき,出力面からは $\mu_2 (\simeq \mu'_2)$ が小さく, α_2 が大きいほどよいが,損 失特に固定子銅損面からは逆に μ_2 が大きいほどよい。 結果として効率面からは最適な μ_2 の値が存在する。

2.2 空間高調波磁束を含む場合

ここでは考察を容易にするために,基本波にn次高調 波磁界が一つ加わった場合を考える。Fig.4はこの場合



Fig. 4 Equivalent hysteresis loop inside the rotor when a harmonic is superposed on fundamental.

の説明図である。いま、 $H_m を最大値とする主ループL_p$ (高調波が含まれないときの一極のB - H関係)の先端 に作用する n 次高調波磁界が主ループの位置(回転子位 置)によって変化しないとすると、脱出時、一極につい て瞬時的なB - H関係は図の破線のような凸凹のあるル ープ L_p' となり、平均のループはマイナループの中点 r c を結んだループ L_p' (これを等価ループと呼ぶ)となる。 ここで、

 $H_{1m} + H_{nm} = H_m$ (一定) (6) なる関係が成立する。 H_{1m} :基本波磁界の最大値, H_{nm} :n次調波の最大値。平均トルクは次式で表わさ れる。

 $T = (pV_r / 2\pi) (\oint B_1 d H_1 - kn \oint B_n dH_n)$ (7)

ここで、 $\oint B_1 dH_1$:ループ L_p'' の面積($\equiv S_e$)、 $\oint B_n dH_n$:マイナループ af の面積, k: k<1 なる定数で文献(5)参照。

(7)式で第2項は普通小さく近似的に無視できる。結局 高調波磁界が存在することによりループ L_p からループ L'_p に面積が減少し,これに相当して脱出トルクが小さ くなる。等価ループ L''_p は第3章のようにして実測でき, これから直流ループの場合と同様に磁気定数(透磁率と ヒステリシス角)を求めることができる。

5. 測 定 法

3.1 試料

試料は回転子リングとして最も多く用いられている A ℓ -NiまたはA ℓ -Ni-Co 材の半硬質材料で, B_r=9~11(kG)でA試料はH_e=120Oe,B試料はH_e=200(Oe)である。寸法は同一で,外径 51.4×内径45.2×長さ26.1(mm)で,これに直流励 磁巻線3,000回,交流励磁巻線800回,サグリコイル 75回をトロイダル状に巻いた。

3.2 測 定

本研究では基本波磁界を直流磁界に,空間高調波磁界 を交流磁界におきかえて測定を行う。Fig.5に測定回 路を示す。

まず,直流ヒステリシスループの測定には,スイッチ S₂,S₃が開いている状態で,直流電流 I_{DC} を最大 値 \pm I_m (\propto H_m)の間をその大きさを連続的に変えて 1サイクルさせて,X-Yレコーダ上に直流ループを描



Fig. 5 Measured circuit.

かせる。消磁回路はループを一回測定するごとに交流消 磁するためのものである。

高調波を含んだ場合のいわゆる等価ループの測定には スイッチS₂を閉じて、ブーシエロ(Bouchelot)の 定電流回路を通して、一定電流(I_{AC} (実効値)、 I_{AC} による交流磁界の最大値を、H_{AC} (=H_{nm})とす る)を流している状態で、前と同様に直流電流を最大値 ±I_{1m} (\propto H_{1m})の間をその大きさを連続的に変えて 1サイクルさせると等価ループを描くことができる。た だし、等価ループは(6)式の条件がなりたつようにして測 定した。

3.3 測定点

- (1) 磁化曲線 直流磁化曲線のほかに、H_{AC} = 42.4, 84.7 Oeの一定交流磁界を加えている状態で,直流磁 界を加えて磁化曲線を測定した。
- (2) ヒステリシスループ 直流ループは $H_m = 64.6$, 90.0,99.4,124.2,140.0,163.8,230.0,298.2 Oeの8つの場合について測定。等価ループは(6)式の $H_m \ge H_{AC}$ の組合せがTable 1の9通りについて測 定。なお, H_{AC} の周波数は50 Hzである。

Table I Group of measurement	Table 1	Group	of measurement
------------------------------	---------	-------	----------------

H _m (Oe)	H _{AC} (Oe)		
90	20	4 0	60
140	30	60	90
230	30	60	90

注 $H_m + H_{AC} = H_m$

3.4 測定温度の設定

本実験では試料のリング温度を一定にすることが最も 重要な測定条件である。試料温度を一定に保つには試料 温度を正確に検出する必要がある。そのために,Fig.6 に示すように,試料にアルミ管を密着させ,その上から 巻線を巻き,アルミ管に熱電対を挿入し,先端が試料に 接触するようにした。これによって試料温度はかなり正



Fig. 6 Arrangement of thermocouple.

確に検出できる。ところで、コイルに電流を流すと巻線 抵抗(DC巻線,AC巻線,S.C巻線抵抗は各々35, 5,0.8 Ω)とリングの鉄損による発熱によって、リン グ温度は恒温槽に入れたにもかかわらず変化しようとす る。測定開始温度と設定温度として、これを一定(許容 差±1.0 °C)にして測定した。 測定開始時と終了時の 温度を全測定点について実測したが、その結果によれば 温度差の最大のものは磁化曲線測定ではH_{AC} = 84.70e, 設定温度140°Cの場合で、測定終了時147.5°Cで,温 度変化は7.5°Cである。直流ループ、等価ループでは最 大の温度変化のもので1°Cである。したがって、この 程度の温度変化では磁気特性に全く影響しないとみられ る。

4. 実験結果

磁気特性の温度依存性は試料 A, Bともに同じ傾向, 同じ程度であるので,ここでは以下試料 Aのみについて 述べる。

4.1 磁化曲線の温度依存性

Fig.7(a),(b)に測定結果を示す。図(a)は直流磁化曲



Fig. 7 Magnetization curve and specific permeability characteristics vs. H. (temperature; parameter)

線で,測定は20,60,100°C についても行ったが, 図が複雑となるので省略した。図から明らかなように, 磁化曲線のひざより下の範囲では温度上昇とともに,同 じ日に対するBは大きくなり,ひざより上の範囲では逆 にBが小さくなることがわかった。これは一定交流磁界 が加わったFig.7(b)の磁化曲線についても同様である。

4.2 ヒステリシスループの温度依存性

(1) ループ形状

Fig. 8 (a), (b) に測定例を示す。図では20 °C と 140 °C のものを比較している。図(a)の直流ループでは 一般に H_m の小さい範囲 ($H_m = 139.1 \text{ Oe}$ 以下) では 温度とともにループは立ってくるが、Hが大きくなって 磁気的に飽和に近づくと ($H_m = 298 \text{ Oe}$),温度ととも に逆にループはねてくるようになる。これは同図(b)の等 価ループについても全く同様である。

(2) ループ面積

Fig.9 にループ面積の温度依存性を示す。まず,直 流ループ面積(実線)については,H_mが小さい範囲 ($H_m = 1240_e$ 以下)では温度とともに面積は増加し, H_m がこれ以上になると逆に温度とともに減少するのが 注目される。これは等価ループ(破線)についても同様 である。また、Fig. 10 は20°C のときの直流ループ 面積を基準にして,ループ面積の増減を%で示したもの で, H_m の値によりかなり様子を異にしている。図は省 略するが、等価ループについても同様な傾向と同程度の 依存性である。普通ヒステリシス電動機は磁気的に未飽 和の範囲で使用される。したがって、温度とともに面積 が増大する。ヒステリシス電動機が温度とともに出力が 増大するのはこのためと考えられる。

(3) 正規比透磁率 μ_2^*

Fig. 11(a),(b) に正規比透磁率の温度依存性を示す。 まず,(a)の直流ループの場合は, $H_m = 124 \text{ Oe}$ 以下で は温度とともに μ_2^* は増加し, $H_m = 160 \text{ Oe}$ 以上では 逆の傾向となっている。(b)の等価ループの場合は磁化曲 線のひざより下を $H_m = 90 \text{ Oe}$,上を230 Oeで代表さ せて, H_{AC} を変えて測定した。 μ_2^* は直流ループの場合 と同じ傾向である。Fig. 12は直流ループの場合につい





Fig. 8 D C and equivalent loops. (temperature; parameter)

て, 20 °C のときの μ_2^* を基準にして, μ_2^* の増減の様子を示したもので, H_m の値によりかなり様子を異にしている。

(4) ヒステリシス角

Fig. 13にヒステリシス角の温度依存性を示す。実線 が直流ループ,破線が等価ループの場合である。ヒステ リシス角も比透磁率やループ面積とほぼ同様な温度依存 性を示すことがわかった。Fig. 14は直流ループの場合 について,20°Cの α_2 を基準にして温度に対する増減 を示したもので,H_mが小さいほど温度依存性が大きく なっている。



Fig. 9 Area of D C and equivalent hysteresis loop characteristics vs. measured temp.



Fig. 10 The rate of increase of area of D C loop vs. measured temp.



Fig. 11 Normal specific permeability characteristics vs. measured temp.



Fig. 12 The rate of variation of specific permeability characteristics vs. measured temp.



Fig. 13 Hysteresis angle characteristics vs. measured temp.



Fig. 14 The rate of variation of hysteresis angle vs. measured temp.

5. むすび

Fig. 15 は直流ループの場合について,ループ面積 S_D,比透磁率 μ_2^{\star} ,ヒステリシス角 α_2 が温度10°C 変化するときの各値の変化分を20°Cの値を基準にして 示したもので,三者とも同じ傾向である。実際の使用範 囲はB_m = 9 KG (H_m = 160 O_e)以下である。いま, 定格値をB_m = 8 KG (H_m = 118 O_e)とすると,温度 依存性は10°CあたりS_D = 1.1, μ_2 = 0.6, α_2 = 0.45% といずれも小さいことが判明した。

最後に、本文の図面作成には茨城大学当研究室の久保 田君のご協力を得た。厚く感謝致します。



Fig. 15 The rate of variation of S_D , α_2 and μ_2^* vs. Hm.



- (1) 湧井:電気学会論文誌 B 93, p.1 (昭48.1)
- (2) 宮八, 片岡:電気学会雑誌 85, p. 1740(昭40.10)
- (3) 湧井他:昭和 49 年電気関係学会東北支部連大 2 E 7
- (4) 湧井:電気学会雑誌99, p.287(昭54.4)
- (5) 湧井, 富田: 電気学会論文誌 B(昭 57.1)
- (6) 湧井:電気学会雑誌86 p.1968(昭41.11)